

**Partie A**

1. En 1998, la population du Canada était de 30,3 millions. Lequel des nombres suivants est le même que 30,3 millions?

(A) 30 300 000    (B) 303 000 000    (C) 30 300    (D) 303 000    (E) 30 300 000 000

*Solution*

Le nombre 30,3 millions peut être obtenu en multipliant 30,3 par 1 000 000. On obtient alors 30 300 000. RÉPONSE : (A)

2. Quel nombre doit-on placer dans la case pour que  $\frac{6+\square}{20} = \frac{1}{2}$ ?

(A) 10    (B) 4    (C) -5    (D) 34    (E) 14

*Solution*

La fraction  $\frac{1}{2}$  peut être exprimée sous la forme  $\frac{10}{20}$ , avec dénominateur 20.

L'équation devient  $\frac{6+\square}{20} = \frac{10}{20}$ . Les numérateurs doivent donc être égaux, ce qui donne  $6+\square = 10$ .

Le nombre dans la case doit être 4.

RÉPONSE : (B)

3. La valeur de  $3 \times 4^2 - (8 \div 2)$  est :

(A) 44    (B) 12    (C) 20    (D) 8    (E) 140

*Solution*

$$\begin{aligned} \text{On a : } & 3 \times 4^2 - (8 \div 2) \\ & = 48 - 4 \\ & = 44 \end{aligned}$$

RÉPONSE : (A)

4. Lorsqu'on divise un certain nombre par 7, on obtient un quotient de 12 et un reste de 5. Le nombre est :

(A) 47    (B) 79    (C) 67    (D) 119    (E) 89

*Solution*

Puisque le quotient est 12 et que le reste est 5, le nombre est  $(7 \times 12) + 5$ , ou 89.

RÉPONSE : (E)

5. Si  $2x - 5 = 15$ , la valeur de  $x$  est :

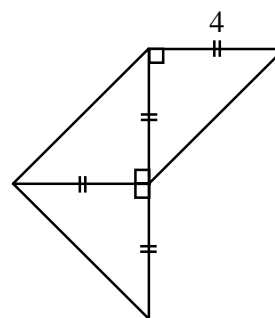
(A) 5    (B) -5    (C) 10    (D) 0    (E) -10

*Solution*

Puisque  $2x - 5 = 15$ , alors  $2x = 20$ , d'où  $x = 10$ .

RÉPONSE : (C)

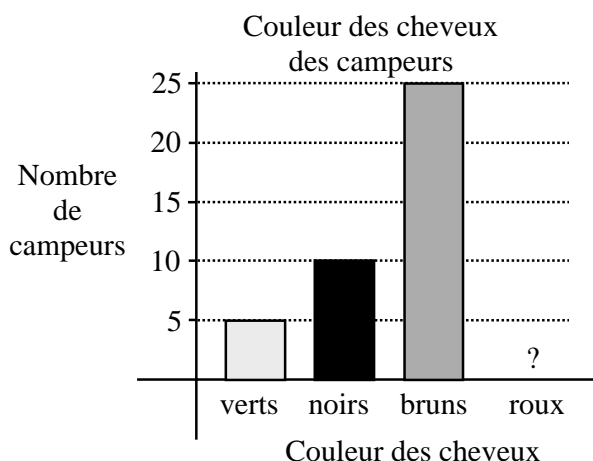
6. L'aire de la figure au complet est égale à :  
 (A) 16                      (B) 32                      (C) 20  
 (D) 24                      (E) 64



*Solution*

Chacun des petits triangles a une base de 4 et une hauteur de 4. Leur aire est égale à  $\frac{1}{2}(4)(4)$ , ou 8. L'aire de la figure au complet est égale à  $3 \times 8$ , ou 24. RÉPONSE : (D)

7. Le diagramme en bâtons illustre la couleur des cheveux des campeurs au Camp d'été Gauss. Le bâton qui indique le nombre de campeurs ayant des cheveux roux a été effacé accidentellement. Si 50 % des campeurs ont les cheveux bruns, combien de campeurs ont les cheveux roux?  
 (A) 5                      (B) 10                      (C) 25  
 (D) 50                      (E) 60



*Solution*

D'après le diagramme, 25 campeurs ont les cheveux bruns, ce qui représente 50 % des campeurs. En tout, il y a donc  $2 \times 25$ , ou 50 campeurs. Il y a un total de 15 campeurs qui ont les cheveux verts ou noirs. Il y a donc  $50 - (25 + 15)$ , ou 10 campeurs qui ont les cheveux roux. RÉPONSE : (B)

8. On prend un cube en bois pour en faire un dé juste et on indique les nombres 1, 1, 1, 2, 3 et 3 sur ses faces. Si on jette le dé une fois, quelle est la probabilité d'obtenir un nombre impair?  
 (A)  $\frac{5}{6}$                       (B)  $\frac{4}{6}$                       (C)  $\frac{3}{6}$                       (D)  $\frac{2}{6}$                       (E)  $\frac{1}{6}$

*Solution*

Puisque le dé est juste, les six résultats possibles, 1, 1, 1, 2, 3 et 3, ont la même probabilité. Puisque cinq des résultats sont des nombres impairs, la probabilité d'obtenir un nombre impair est égale à  $\frac{5}{6}$ . RÉPONSE : (A)

9. Dans le carré illustré, si on multiplie les nombres de chaque colonne, de chaque rangée ou de chaque diagonale, on obtient toujours le même résultat. La somme des deux nombres manquants est égale à :

12	1	18
9	6	4
		3

- (A) 28                      (B) 15                      (C) 30  
(D) 38                      (E) 72

*Solution*

Les nombres de chaque colonne, de chaque rangée ou de chaque diagonale ont un produit de  $(12)(1)(18)$ , ou 216. On cherche donc deux nombres tels que  $(12)(9)(\quad) = 216$  et  $(1)(6)(\quad) = 216$ . Les deux nombres sont 2 et 36 et leur somme est égale à 38. RÉPONSE : (D)

10. Roxanne peut tondre  $\frac{2}{5}$  d'une pelouse en 18 minutes. Si elle a commencé à tondre la pelouse à 10 h et si elle a tondu à cette même vitesse, à quelle heure a-t-elle terminé?  
(A) 10 h 08              (B) 11 h 30              (C) 10 h 40              (D) 10 h 25              (E) 10 h 45

*Solution*

Puisque Roxanne peut tondre  $\frac{2}{5}$  de la pelouse en 18 minutes, elle peut tondre  $\frac{1}{5}$  de la pelouse en 9 minutes. Elle met donc  $5 \times 9$ , ou 45 minutes pour tondre la pelouse au complet. Si elle commence à 10 h, elle termine donc à 10 h 45. RÉPONSE : (E)

## Partie B

11. Dans une classe de 25 élèves, chaque élève a au plus un animal domestique. Trois cinquièmes des élèves ont un chat, 20 % ont un chien, trois ont un éléphant et les autres n'ont aucun animal. Combien d'élèves n'ont aucun animal domestique?  
(A) 5                      (B) 4                      (C) 3                      (D) 2                      (E) 1

*Solution*

Trois cinquièmes des élèves représentent  $\frac{3}{5} \times 25$ , ou 15 élèves. Donc 15 élèves ont un chat. Vingt pour cent de 25 équivaut à  $\frac{20}{100} \times 25$ , ou 5 élèves. Donc 5 élèves ont un chien. Donc  $15 + 5 + 3$ , ou 23 élèves ont un animal domestique. Deux élèves n'ont aucun animal domestique. RÉPONSE : (D)

12. Un nombre premier est appelé *superpremier* si, lorsqu'on le double et que l'on soustrait 1 du résultat, on obtient un autre nombre premier. Le nombre de nombres superpremiers inférieurs à 15 est égal à :  
(A) 2                      (B) 3                      (C) 4                      (D) 5                      (E) 6

*Solution*

Les nombres premiers inférieurs à 15 sont 2, 3, 5, 7, 11 et 13. Si on double chacun de ces nombres et que l'on soustrait 1 du résultat, on obtient 3, 5, 9, 13, 21 et 25. Trois des résultats sont des nombres premiers. Il y a donc trois nombres superpremiers inférieurs à 15. RÉPONSE : (B)

13. Laura gagne 10 \$ l'heure et elle travaille 8 heures par jour pendant 10 jours. Elle dépense 25 % de son salaire pour se nourrir et se vêtir et elle paie ensuite son loyer de 350 \$. Quelle somme lui restera-t-il?  
 (A) 275 \$            (B) 200 \$            (C) 350 \$            (D) 250 \$            (E) 300 \$

*Solution*

En 10 jours, Laura travaille  $8 \times 10$ , ou 80 heures. Pendant ces 10 jours, elle gagne donc  $80 \times 10$  \$, ou 800 \$. Puisque  $25\% = \frac{1}{4}$ , elle dépense  $\frac{1}{4}$  de 800 \$, ou 200 \$ pour se nourrir et se vêtir. Il lui reste alors 600 \$. Après avoir payé son loyer de 350 \$, il lui reste  $600 \$ - 350 \$$ , ou 250 \$. RÉPONSE : (D)

14. Une pancarte rectangulaire mesure 9 m sur 16 m. Au milieu de la pancarte, on veut peindre une annonce de forme carrée. La bordure qui entoure l'annonce doit avoir une largeur d'au moins 1,5 m. L'aire de la plus grande annonce de forme carrée que l'on puisse peindre sur la pancarte est égale à :  
 (A)  $78 \text{ m}^2$             (B)  $144 \text{ m}^2$             (C)  $36 \text{ m}^2$             (D)  $9 \text{ m}^2$             (E)  $56.25 \text{ m}^2$

*Solution*

Le rectangle a une largeur de 9 m. Puisque la bordure doit avoir une largeur d'au moins 1,5 m, le carré aura une largeur maximale de  $9 - 1,5 - 1,5$ , ou 6 m. L'aire de ce carré est égale à  $6 \times 6$ , ou  $36 \text{ m}^2$ .

RÉPONSE : (C)

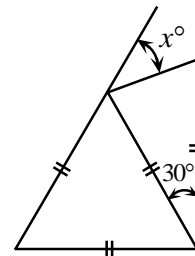
15. Un cube a une aire totale de  $24 \text{ cm}^2$ . Le volume de ce cube est égal à :  
 (A)  $4 \text{ cm}^3$             (B)  $24 \text{ cm}^3$             (C)  $8 \text{ cm}^3$             (D)  $27 \text{ cm}^3$             (E)  $64 \text{ cm}^3$

*Solution*

Un cube est composé de six faces. L'aire de chaque face est égale à  $\frac{1}{6}$  de  $24 \text{ cm}^2$ , ou  $4 \text{ cm}^2$ . Les arêtes du cube doivent donc avoir une longueur de 2 cm. Le volume du cube est donc égal à  $2 \times 2 \times 2 \text{ cm}^3$ , ou  $8 \text{ cm}^3$ .

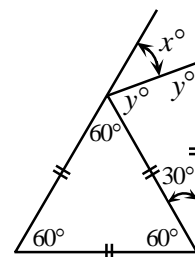
RÉPONSE : (C)

16. Dans le diagramme, la valeur de  $x$  est :  
 (A) 30            (B) 40            (C) 60  
 (D) 50            (E) 45



*Solution*

Chaque angle du triangle équilatéral mesure  $60^\circ$ . Le deuxième triangle est isocèle. Les deux angles à sa base sont donc congrus. Disons qu'ils mesurent  $y^\circ$  chacun. Puisque le troisième angle mesure  $30^\circ$ , les deux angles à la base mesurent  $150^\circ$  en tout car la somme des mesures des angles du triangle égale  $180^\circ$ . Donc  $2y^\circ = 150^\circ$ , d'où  $y^\circ = 75^\circ$ .



Les angles dont les mesures sont  $x^\circ$ ,  $y^\circ$  et  $60^\circ$ , en haut à gauche, forment un angle plat. Donc :

$$x^\circ + y^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

$$x^\circ + 75^\circ + 60^\circ = 180^\circ$$

Donc  $x = 45$ .

RÉPONSE : (E)

17. L'âge de Daniel est un neuvième de l'âge de son père. Dans un an, l'âge de son père sera sept fois l'âge de Daniel. La différence entre leur âge est égale à :

(A) 24                      (B) 25                      (C) 26                      (D) 27                      (E) 28

*Solution*

Soit  $d$  l'âge de Daniel. L'âge de son père est donc  $9d$ .

Dans un an, l'âge de Daniel sera  $d+1$  et l'âge de son père sera  $9d+1$ .

Donc :  $9d+1 = 7(d+1)$

$$9d+1 = 7d+7$$

$$2d = 6$$

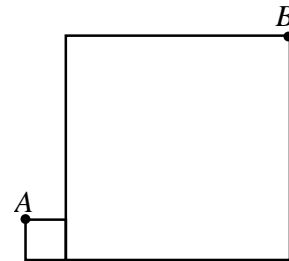
$$d = 3$$

Daniel a donc 3 ans et son père a 27 ans. La différence entre leur âge est égale à 24.

RÉPONSE : (A)

18. Dans le diagramme, le petit carré a des côtés de longueur 1, tandis que le grand carré a des côtés de longueur 7. La longueur  $AB$  est égale à :

(A) 14                      (B)  $\sqrt{113}$                       (C) 10  
(D)  $\sqrt{85}$                       (E)  $\sqrt{72}$



*Solution*

D'après le diagramme,  $AC = 8$  et  $BC = 6$ .

Le triangle  $ABC$  est rectangle.

D'après le théorème de Pythagore :

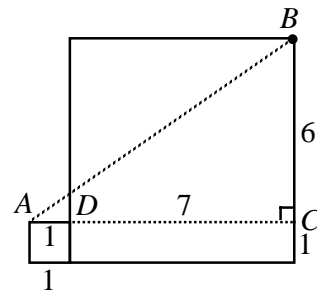
$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$

$$AB^2 = 8^2 + 6^2$$

$$AB^2 = 64 + 36$$

$$AB^2 = 100$$

$$AB = 10$$



RÉPONSE : (C)

19. Anne, Berthe et Carl ont 10 bonbons à partager entre eux. Anne reçoit au moins 3 bonbons, tandis que Berthe et Carl en reçoivent au moins 2 chacun. Si Carl en reçoit 3 au plus, le nombre de bonbons que Berthe pourrait recevoir est :
- (A) 2                      (B) 2 ou 3                      (C) 3 ou 4                      (D) 2, 3 ou 5                      (E) 2, 3, 4 ou 5

*Solution*

Si Anne reçoit 3 bonbons et si Carl en reçoit 2, Berthe en recevrait 5. Si Anne ou Carl reçoit plus de bonbons, Berthe pourrait en recevoir 4, 3 ou 2. RÉPONSE : (E)

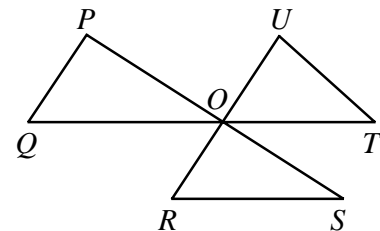
20. Quel nombre doit-on placer dans la case pour que  $10^4 \times 100^{\square} = 1000^6$ ?
- (A) 7                      (B) 5                      (C) 2                      (D)  $\frac{3}{2}$                       (E) 10

*Solution*

Puisque 1000 comporte 3 zéros,  $1000^6$  comporte 18 zéros. Le membre de gauche de l'équation comporte donc 18 zéros. Puisque le nombre  $10^4$  comporte 4 zéros, le nombre  $100^{\square}$  comporte 14 zéros. Puisque 100 comporte 2 zéros, on doit placer le nombre 7 dans la case. RÉPONSE : (A)

### Partie C

21. Les segments  $PS$ ,  $QT$  et  $RU$  se coupent en un même point  $O$ . On joint ensuite  $P$  et  $Q$ ,  $R$  et  $S$ , de même que  $T$  et  $U$  de manière à former des triangles. La valeur de  $\angle P + \angle Q + \angle R + \angle S + \angle T + \angle U$  est :
- (A)  $450^\circ$                       (B)  $270^\circ$                       (C)  $360^\circ$   
 (D)  $540^\circ$                       (E)  $720^\circ$



*Solution*

Puisque les angles  $POQ$ ,  $POU$  et  $TOU$  forment un angle plat,  $\angle POQ + \angle POU + \angle TOU = 180^\circ$ .  
 Puisque les angles  $POU$  et  $ROS$  sont opposés par le sommet,  $\angle POU = \angle ROS$ .  
 Donc  $\angle POQ + \angle ROS + \angle TOU = 180^\circ$ .  
 La somme des mesures des angles de chaque triangle est égale à  $180^\circ$ .  
 Donc  $(\angle P + \angle Q + \angle POQ) + (\angle R + \angle S + \angle ROS) + (\angle T + \angle U + \angle TOU) = 3 \times 180^\circ$ .  
 Les angles  $POQ$ ,  $ROS$  et  $TOU$  contribuent  $180^\circ$  à cette somme.  
 La somme des mesures des autres angles est donc égale à  $2 \times 180^\circ$ .  
 Donc  $\angle P + \angle Q + \angle R + \angle S + \angle T + \angle U = 360^\circ$ . RÉPONSE : (C)

22. Soixante-quatre cubes blancs de dimensions  $1 \times 1 \times 1$  sont utilisés pour former un cube de dimensions  $4 \times 4 \times 4$ . Ce grand cube est ensuite peint en rouge sur chacune de ses six faces. On défait ensuite le grand cube en 64 petits cubes. On attribue ensuite à chaque petit cube un nombre de points comme l'indique le tableau.

<u>Nombre exact de faces rouges</u>	<u>Nombre de points</u>
3	3
2	2
1	1
0	-7

Le nombre total de points pour l'ensemble des cubes est égal à :

- (A) 40                      (B) 41                      (C) 42                      (D) 43                      (E) 44

*Solution*

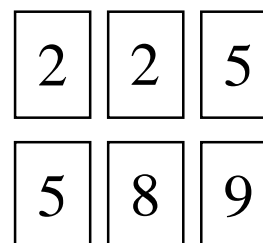
Le grand cube est formé de 64 petits cubes. Tous les petits cubes qui forment l'extérieur du grand cube sont peints sur une, deux ou trois faces. Si on les enlève, il reste un cube de dimensions  $2 \times 2 \times 2$ , formé de 8 cubes non peints.

Selon le barème de points, on attribue 1 point par face rouge. Puisque chaque face du grand cube est formée de 16 petites faces rouges, il y aura  $6 \times 16$ , ou 96 petites faces rouges pour un total de 96 points. Pour chacun des 8 cubes non peints, on enlève 7 points, pour un total de 56 points.

Le nombre total de points pour l'ensemble des cubes est égal à  $96 - 56$ , ou 40.

RÉPONSE : (A)

23. On écrit les nombres 2, 2, 5, 5, 8 et 9 sur des cartes comme dans le diagramme. On choisit n'importe quel nombre de cartes et on additionne les nombres sur ces cartes. On remarque qu'il est impossible d'obtenir une somme de 1 ou de 30. Combien des nombres entiers de 1 à 31 ne peuvent pas être obtenus comme somme?



- (A) 4                      (B) 22                      (C) 8  
(D) 10                      (E) 6

*Solution*

On remarque d'abord que la somme des nombres sur les 6 cartes est égale à 31.

On remarque aussi que si on choisit certaines cartes pour obtenir une somme  $S$ , alors les autres cartes donneront une somme de  $31 - S$ .

Il suffit donc de chercher à obtenir des sommes de 1 à 15. Les autres sommes, de 16 à 31, seraient obtenues par les cartes non choisies. Par exemple, si on choisit les cartes 2 et 2, qui ont une somme de 4, il reste les cartes 5, 5, 8 et 9, qui ont une somme de 27.

On voit assez facilement qu'il est possible d'obtenir des sommes de 2, 4, 5, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14 et 15, mais qu'il est impossible d'obtenir des sommes de 1, 3 ou 6. Il sera donc impossible d'obtenir des sommes de  $31 - 1$ ,  $31 - 3$  ou  $31 - 6$ .

Il y a donc 6 nombres entiers de 1 à 31 qui ne peuvent pas être obtenus comme somme.

RÉPONSE : (E)

24. Il est possible de former un triangle dont les côtés ont des longueurs de 4, 5 et 8. Il est impossible de former un triangle dont les côtés ont des longueurs de 4, 5 et 9. Ron a huit bâtons dont les longueurs sont des entiers. Il constate qu'il est impossible de former un triangle avec n'importe quels trois bâtons. La longueur la plus courte possible du plus grand des huit bâtons est égale à :
- (A) 20                      (B) 21                      (C) 22                      (D) 23                      (E) 24

*Solution*

Les trois plus petites longueurs possibles qui ne permettent pas à Ron de former un triangle sont 1, 1 et 2. On obtient la plus petite longueur possible suivante si on additionne les deux dernières longueurs. On a alors des bâtons de longueurs 1, 1, 2, 3. On continue à obtenir la plus petite longueur possible suivante si on additionne toujours les deux dernières longueurs. On obtient les longueurs 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21. Il s'agit des 8 premiers termes de la suite célèbre de Fibonacci. La longueur la plus courte possible du plus grand des huit bâtons est 21. RÉPONSE : (B)

25. Antoine et Marie s'entraînent pour une course en montant et en descendant une pente de ski, longue de 700 m, au pas de course. La vitesse de chacun, en descendant, est le double de sa vitesse en montant. Marie arrive la première au sommet et se met immédiatement à redescendre. Elle croise Antoine à 70 m du sommet. Lorsque Marie arrive au pied de la pente, à quelle distance Antoine est-il derrière elle?
- (A) 140 m                      (B) 250 m                      (C) 280 m                      (D) 300 m                      (E) 320 m

*Solution*

Marie monte la pente de 700 m à une certaine vitesse et la redescend deux fois plus vite. C'est l'équivalent, en temps, de monter une pente de  $(700 + 350)$  m, ou 1050 m.

Lorsque Marie et Antoine se rencontrent, Marie a parcouru 700 m en montant et 70 m en descendant, ce qui est l'équivalent, en temps, de  $(700 + 35)$  m, ou 735 m en montant. Pendant ce temps, Antoine a parcouru  $(700 - 70)$  m, ou 630 m.

Le rapport de leurs vitesses (distances parcourues dans un même temps) est égal à  $\frac{735}{630} = \frac{7(105)}{6(105)} = \frac{7}{6}$ .

C'est-à-dire que Marie parcourt 7 m pour chaque 6 m que parcourt Antoine.

Pendant la course au complet, Marie monte l'équivalent d'une pente de 1050 m. Pendant ce temps,

Antoine parcourt donc l'équivalent de  $\left(\frac{6}{7} \times 1050\right)$  m, ou 900 m en montant, c'est-à-dire 700 m + 200 m

en montant. Cela correspond à 700 m en montant et 400 m en descendant. Il est donc à 300 m du pied de la pente, c'est-à-dire à 30 m derrière Marie, lorsque la course est terminée.

RÉPONSE : (D)

